INTRODUZIONE

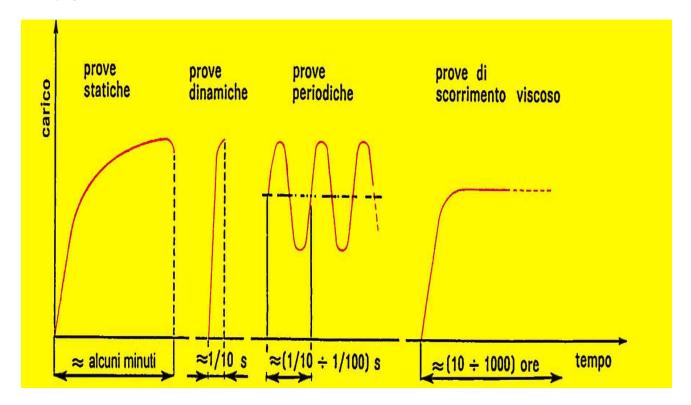
Le proprietà meccaniche di un materiale rappresentano la resistenza che questo ha nei confronti delle *sollecitazioni* che operano su esso.

La misura delle proprietà è effettuata mediante <u>prove</u> che si dividono in base al:

- metodo di esecuzione in:
- a) convenzionali
- b) simulate
- c) reali

INTRODUZIONE

- tempo di applicazione del carico in:
- i) statiche
- ii) dinamiche
- iii) periodiche
- iv) per scorrimento viscoso



INTRODUZIONE

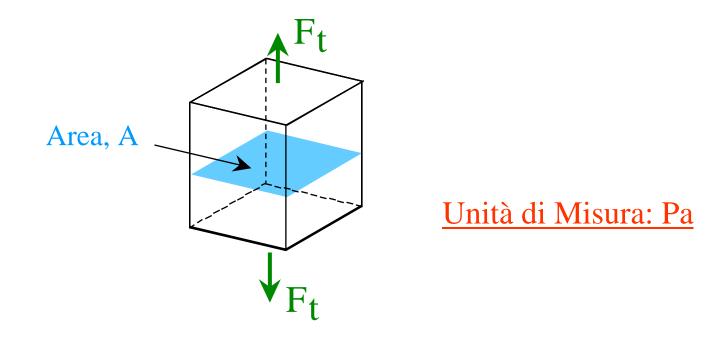
La prova di trazione è una prova statica e rappresenta il più importante test convenzionale.

Fornisce grandezze, che per quanto convenzionali, sono utilizzate:

- nella progettazione
- nella valutazione sull'applicabilità di processi tecnologici ad un materiale
- in indagini di carattere scientifico o di failureanalysis

CONCETTO TECNOLOGICO DI TENSIONE

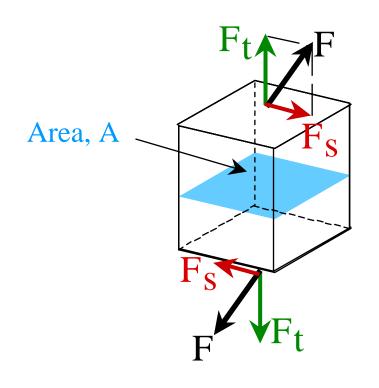
Tensione di trazione, σ:



$$\sigma = \frac{F_t}{A_0}$$
 Area prima del carico

CONCETTO TECNOLOGICO DI TENSIONE

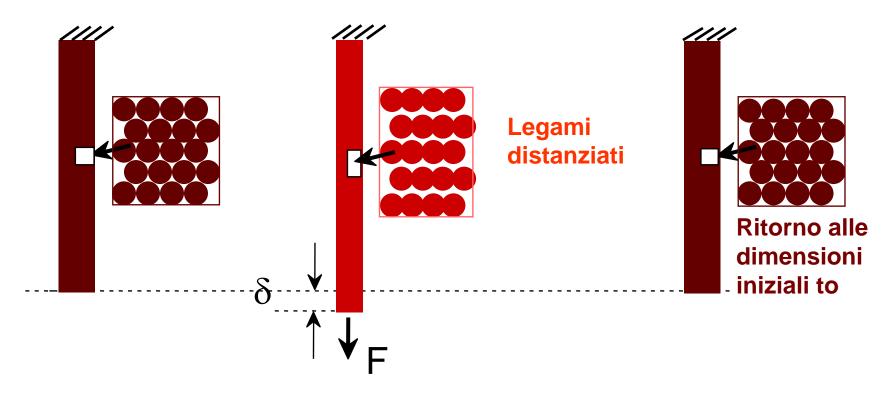
Tensione di taglio, τ:



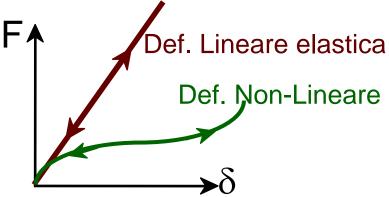
Unità di Misura: Pa

$$\tau = \frac{F_{s}}{A_{o}}$$

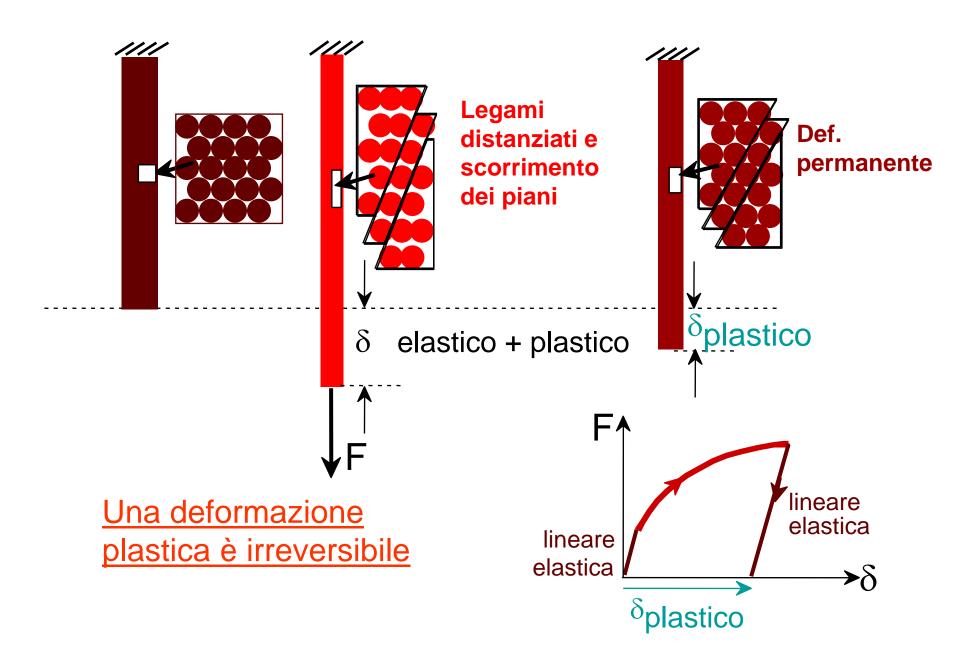
CONCETTO DI DEFORMAZIONE ELASTICA



<u>Una deformazione</u> <u>elastica è reversibile</u>



CONCETTO DI DEFORMAZIONE PLASTICA



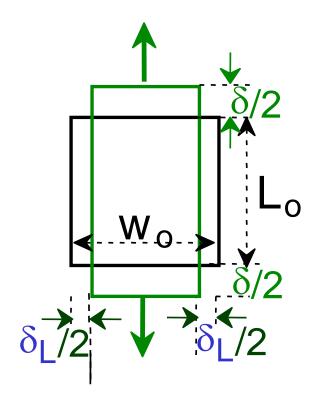
CONCETTO TECNOLOGICO DI DEFORMAZIONE

Deformazione longitudinale:

$$\varepsilon = \frac{L_f - L_0}{L_0} \qquad \varepsilon = \frac{\delta}{L_0}$$

Deformazione laterale:

$$\varepsilon_{L} = \frac{W_{f} - W_{0}}{W_{0}} \qquad \varepsilon_{L} = \frac{-\delta_{L}}{W_{0}}$$



La deformazione è espressa da un numero puro

CONCETTO DI TENSIONE E DEFORMAZIONE REALI

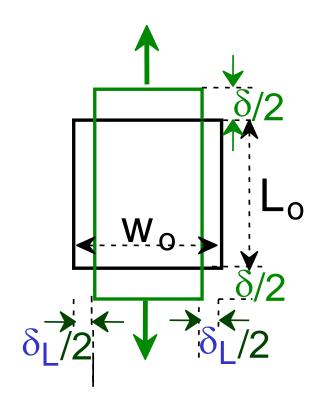
Tensione reale

$$\sigma = rac{P}{A_i}$$
 Sezione istantanea

Deformazione reale

$$d\varepsilon = \frac{dI}{I_i}$$
Lunghezza istantanea

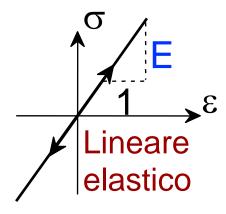
$$\varepsilon = \int_{L_0}^{L_f} \frac{dI}{I_i} = \ln \frac{L_f}{L_0}$$
 Lunghezza finale Lunghezza iniziale

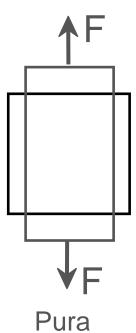


PROPRIETA' LINEARI ELASTICHE

- Modulo di elasticità E: (Modulo di Young)
 - Legge di Hooke:

$$\sigma = \mathbf{E} \, \epsilon$$





trazione

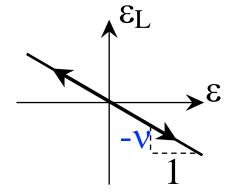
• Coefficiente di Poissons v:

$$v = -\frac{\mathcal{E}_L}{3}$$

Unità di misura:

E: [GPa]

v: a-dimensionale



RELAZIONI LINEARI ELASTICHE

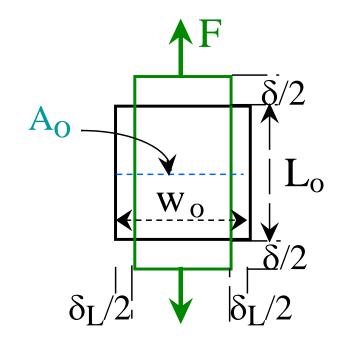
Tensione semplice:

Deformazione longitudinale

$$\delta = \frac{FL_o}{EA_o}$$

Deformazione laterale

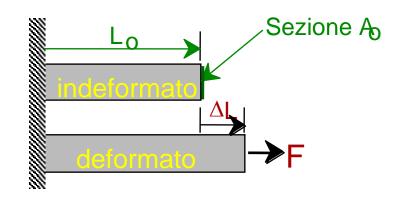
$$\delta_{L} = -v \frac{FW_{o}}{EA_{o}}$$

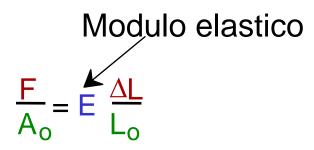


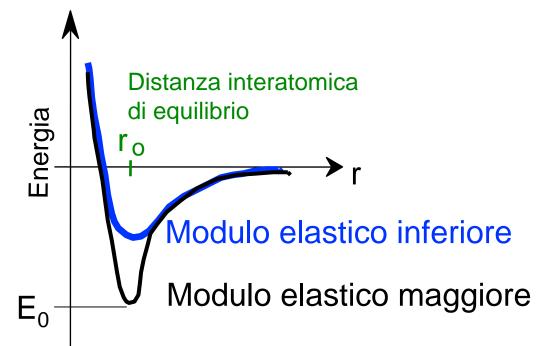
- La deformazione a cui è soggetto un componente meccanico è legato al materiale con cui è costruito, alla sua geometria ed alle condizioni di carico.
- Un elevato modulo elastico riduce le deformazioni sotto carico.

MODULO ELASTICO E LEGAME ATOMICO

Modulo elastico E:

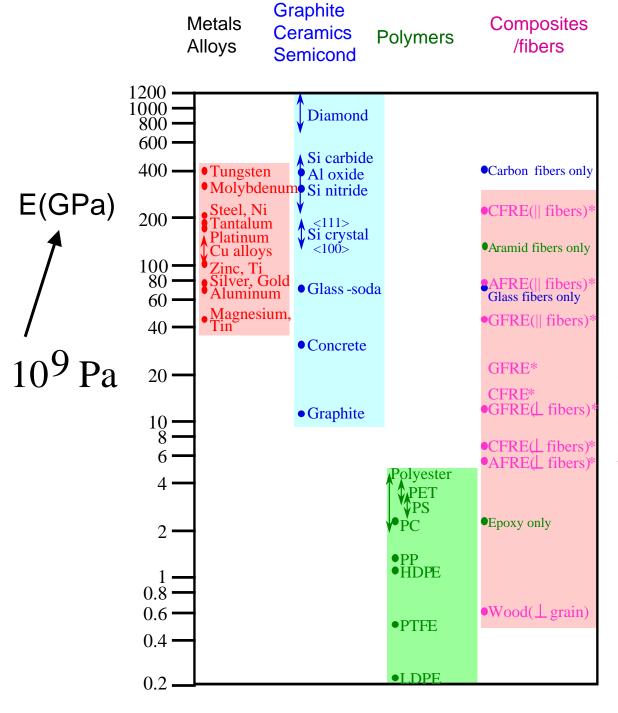






• E ~ curvatura in ro

E aumenta all'aumentare del valore E₀ dell'energia



Eceramics
>Emetals
>>Epolymers

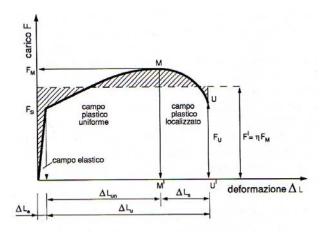
Based on data in Table B2, Callister 6e.

Composite data based on reinforced epoxy with 60 vol% of aligned carbon (CFRE), aramid (AFRE), or glass (GFRE) fibers.

La prova di trazione è eseguita su provette (con dimensioni e geometria opportuna) attraverso l'applicazione di un carico monoassiale crescente (se pur lentamente).

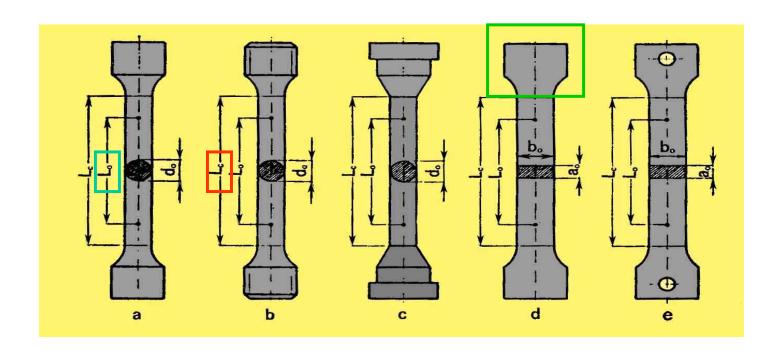
I risultati della prova di trazione sono rappresentati da un diagramma carico-allungamento e da una serie di grandezze relative alla resistenza, deformabilità, ed all'elasticità di cui è costituito il provino.

La normativa di riferimento per l'Europa è la EN 10002



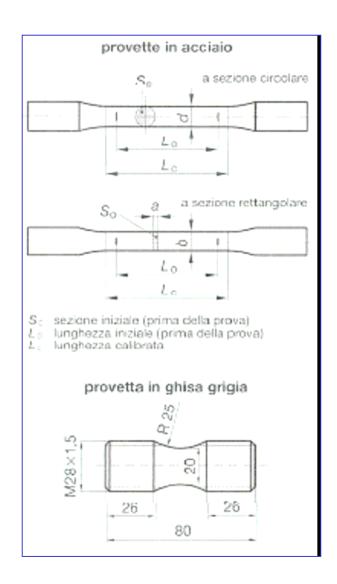
Nelle provette di trazione si distinguono:

- Tratto utile L₀
- Tratto calibrato L_C ($L_0+d_0/2 < L_C < L_0+2d_0$)
- Le teste opportunamente raccordate al tratto calibrato
- La sezione che può essere circolare, quadrata, rettangolare.

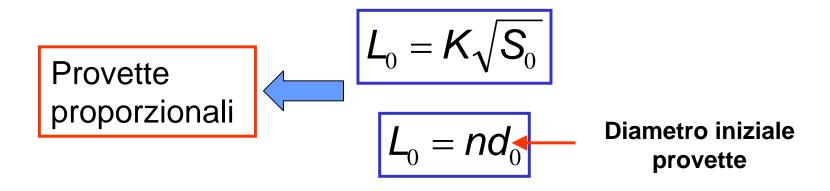


La geometria delle provette può variare in funzione di:

- Materiale da testare
- Processo tecnologico con cui
 è stato prodotto il materiale (fusione, deformazione, ecc)
- Tipologia di componente da cui il provino è stato ricavato (lamiera, tubo, filo ecc..)



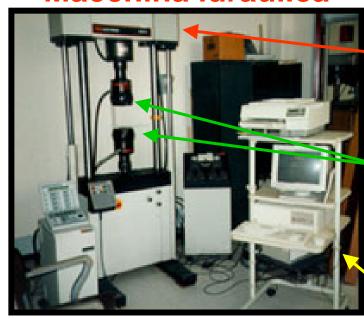
Affinché tutte le grandezze che si ottengono dalla prova risultino indipendenti dalla geometria della provetta è necessario che il rapporto fra la lunghezza L₀ e la sezione iniziale S₀ rispetti le seguenti relazioni:

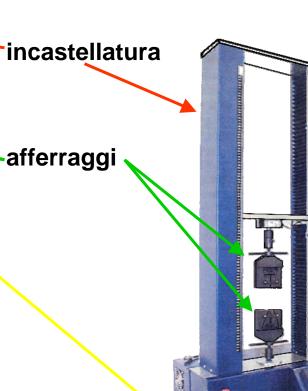


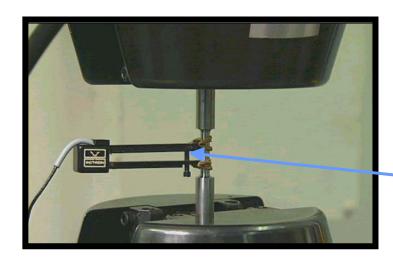
Nelle normative Europee K=5,65 ed n=5

Nelle normative americane K=4,61 ed n=4









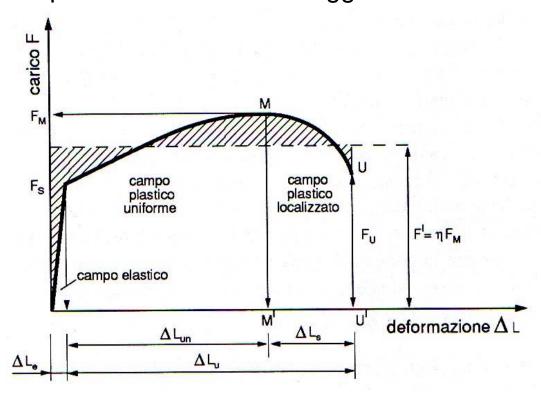
estensimetro

Sistema acquisizione

In campo elastico:

Teoricamente in queste condizioni la parte della curva interessata è un segmento rettilineo, e le deformazioni si annullano se il carico viene riportato a zero

Realmente, la curva si discosta quasi subito dalla tangente all'origine, ma se lo scostamento è molto piccolo, scaricando il provino la deformazione si annulla e quindi si può ritenere valida la legge di Hooke.



Campo elastico

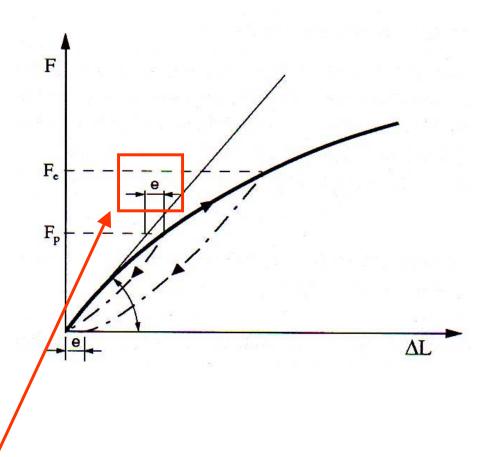
• Carico di <u>scostamento dalla</u> proporzionalità $F_{p(0,..)}$



 Carico unitario (tensione) di scostamento dalla proporzionalità:

$$R_{p(0,..)} = \sigma_{p(0,..)} = F_{p(0,..)}/S_0$$
 (MPa)

La duplice simbolegiatura prevista dalle norme si riferisce ad applicazioni tecnologiche $R_{p(0,..)}$ o scientifiche $\sigma_{p(0,..)}$



Il valore fra parentesi indica lo <u>scostamento</u> percentuale della curva di trazione dalla sua tg all'origine per cui si è calcolato il valore del carico. 0,002% in campo scientifico, 0,02% in campo tecnologico.

Campo elastico

• Carico totale al <u>limite elastico</u>

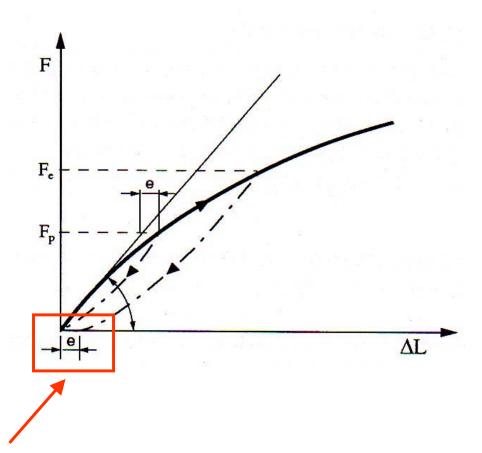
F_{e(0...)}



• Carico unitario (tensione) al <u>limite</u> elastico:

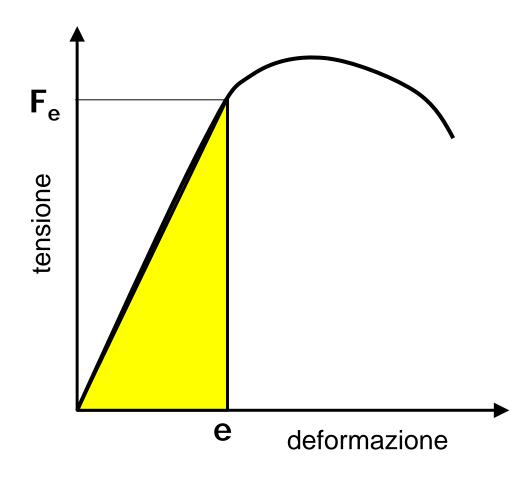
$$R_{e(0,..)} = \sigma_{e(0,..)} = F_{e(0,..)}/S_0$$
 (MPa)

La duplice simbolegiatura prevista dalle norme si riferisce ad applicazioni tecnologiche $R_{e(0,...)}$ o scientifiche $\sigma_{e(0,...)}$



Il valore fra parentesi indica la <u>deformazione plastica permanente</u>, (in percentuale) indotta dal carico applicato dopo che questo viene riportato a 0.

"Modulo di resilienza" rappresenta l'energia elastica che viene immagazzinata dal materiale durante la prova di trazione ed è individuato dall'area sottesa dalla parte elastica della curva tensione-deformazione.



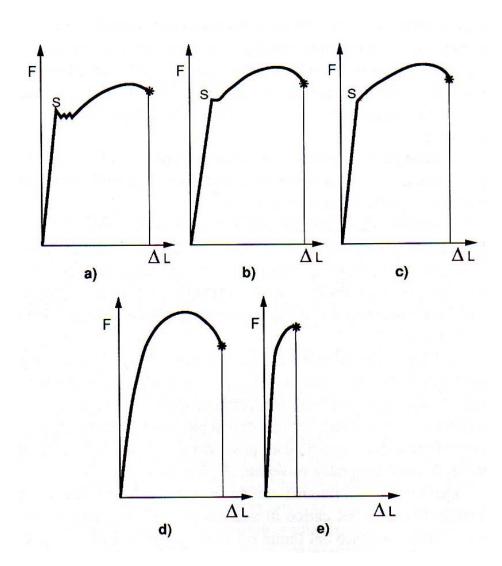
Campo plastico:

Carico totale di snervamento superiore F_s . Rappresenta il carico per cui si ha un "cedimento improvviso" del materiale per l'effetto d'incrudimento dei cristalli deformati plasticamente. Questo cedimento si arresta ad un valore inferiore del carico detto carico totale di snervamento inferiore F_i .



Carico unitario di snervamento

$$R_s = \sigma_s = F_s/S_0$$
 (MPa)



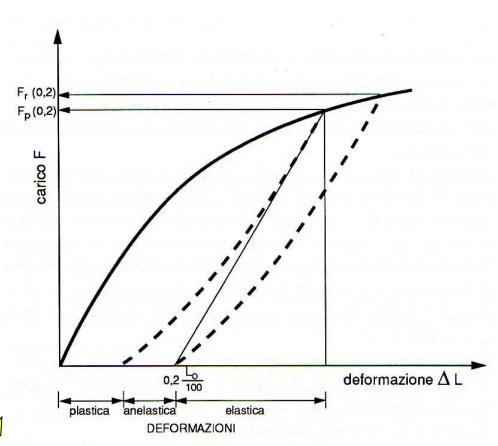
Campo plastico:

Qualora dal diagramma carichi allungamenti <u>non risulti rilevabile il valore del carico di snervamento</u>, si stabilisce convenzionalmente di sostituirlo con quel carico che induce una deformazione permanente dello 0,2%: $F_{r(0,2)}$.

Le norme prevedono di sostituire $F_{r(0,2)}$ con il carico totale di scostamento dalle proporzionali $F_{p(0,2)}$

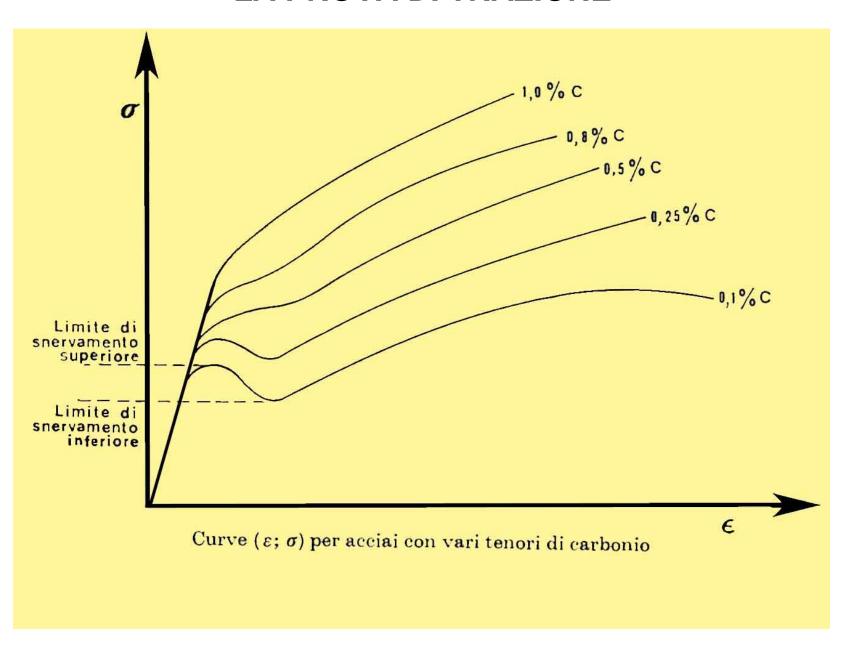
Carico unitario <u>al limite della</u> <u>deformazione permanente</u> dello 0,2%

$$R_{r(0,2)} = \sigma_{r(0,2)} = F_{r(0,2)}/S_0$$
 (MPa)



Carico unitario di <u>scostamento dalla</u> proporzionalità allo 0,2%

$$Rp_{(0,2)} = \sigma_{p(0,2)} = F_{p(0,2)}/S_0$$
 (MPa)



Campo deformazioni localizzate:

A partire dal punto M ha inizio il fenomeno della strizione in seguito al quale tutta l'ulteriore deformazione si concentra in un breve tratto della provetta.

Il carico F_M è definito <u>carico</u> <u>massimo di rottura o resistenza</u> <u>alla trazione</u>.

Il carico F_u è definito <u>carico ultimo</u>

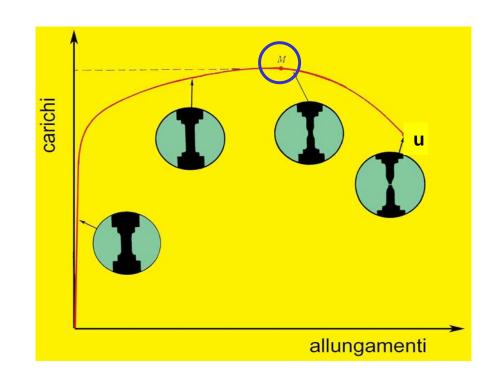


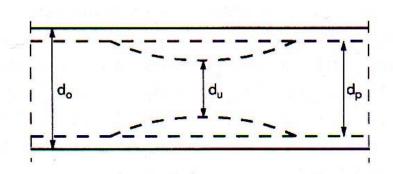
Carico unitario massimo

$$R_M = \sigma_M = F_M/S_0$$
 (MPa)

Carico unitario ultimo

$$R_u = \sigma_u = F_u/S_0$$
 (MPa)





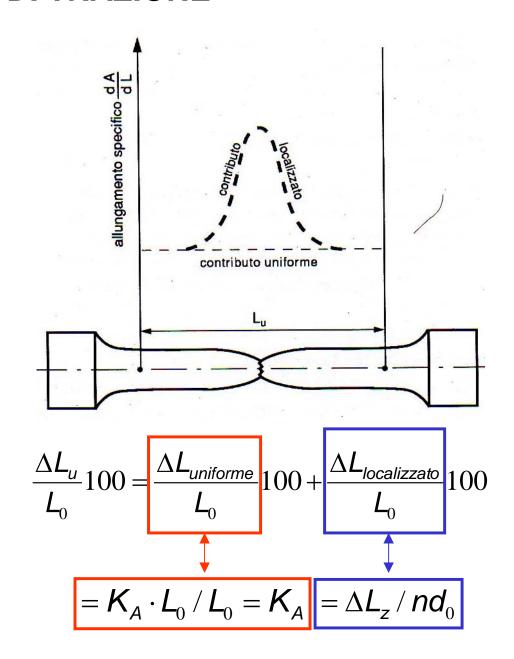
Allungamento % a rottura

E' definito dalla variazione di lunghezza del tratto utile, dopo rottura, riferito alla lunghezza iniziale e moltiplicato per 100.

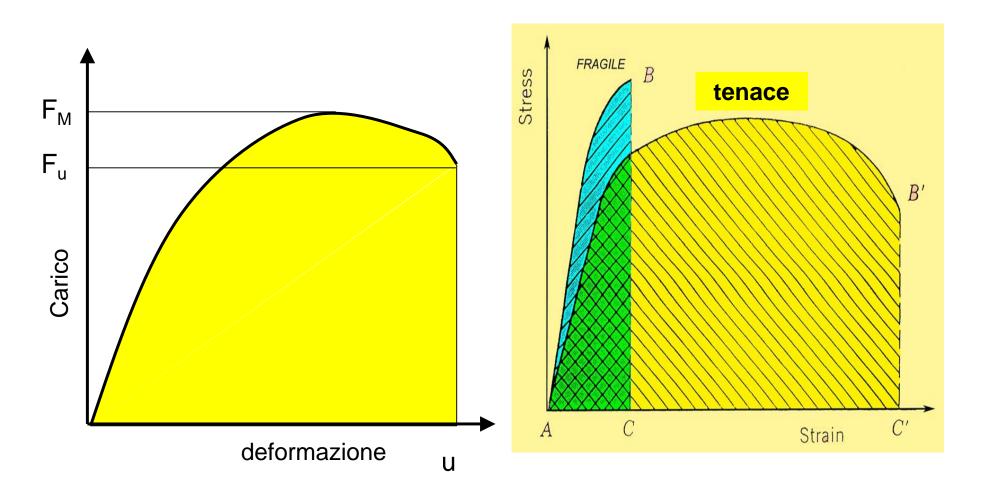
$$A_n = \frac{L_u - L_0}{L_0} 100 \qquad (\%)$$

L_u: lunghezza dopo rottura del tratto utile

Questo dato è indice della duttilità del materiale. Maggiore è l'allungamento %, maggiore è la sua duttilità.



L'area sottesa dalla curva tensione-deformazione rappresenta l'energia assorbita dal provino prima della rottura ed è indice della tenacità del materiale.



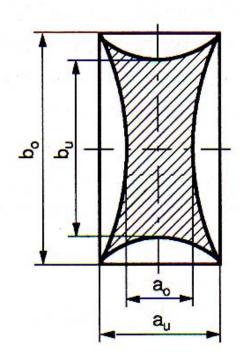
Coefficiente % di strizione o strizione percentuale

E' definito dalla variazione della sezione di rottura S_u rispetto alla sezione iniziale S_o e moltiplicato per 100.

$$Z = \frac{S_0 - S_u}{S_0} 100 \quad (\%)$$

Per provette cilindriche

$$Z = \frac{d_0 - d_u}{d_0} 100 \qquad (\%)$$



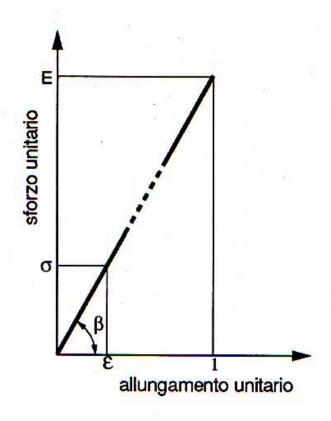
Modulo di elasticità a trazione o modulo elastico E.

Facendo riferimento alla legge di Hooke il modulo elastico può essere determinato come rapporto fra il carico unitario di trazione σ entro i limiti di proporzionalità e la deformazione ϵ corrispondente.

$$E = \frac{\sigma}{\varepsilon}$$

o più rigorosamente

$$E = \lim_{\varepsilon \to 0} \frac{\sigma}{\varepsilon} = tg\beta$$



Coefficiente di Poisson V.

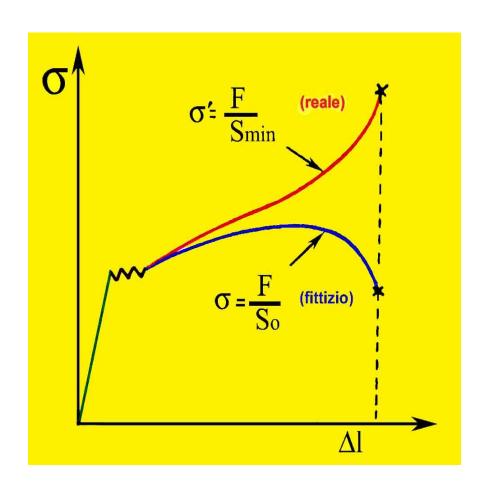
Definendo la contrazione trasversale unitaria ε_t come il rapporto

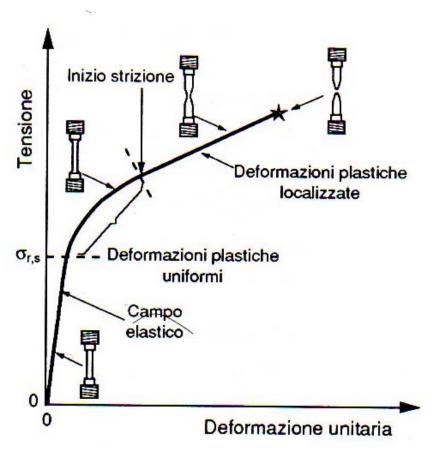
$$\varepsilon_L = \frac{d_0 - d_u}{d_0}$$

Il coefficiente di Poisson ν è il rapporto fra ϵ_t ed ϵ

$$v = \frac{\mathcal{E}_L}{\mathcal{E}}$$

Curva reale o di Flusso





La Velocità di applicazione del carico e di deformazione influenzano:

carico massimo, che tende ad aumentare all'aumentare della velocità di deformazione;

limite di snervamento che ad alte velocità di deformazione tende ad aumentare ma può addirittura scomparire.

Le norme stabiliscono:

velocità di applicazione del carico diverse in funzione del modulo elastico del materiale da testare. Fra 2 e 20 MPa s⁻¹ se E<150 GPa, fra 6 e 60 MPa s⁻¹ se E>150 GPa

velocità di deformazione diverse a seconda della parte della curva che si sta realizzando. Fra 0,00025 e 0,0025 s⁻¹ nel tratto sino allo snervamento, <0,008 s⁻¹ nel tratto dopo lo snervamento.

La forma del provino. Influenza i valori ottenuti dalla prova solo relativamente alle prove scientifiche.

Coassialità afferraggi. Influenza i valori del carico di snervamento superiore ed inferiore. Migliore è la coassialità maggiore è la differenza rilevabile fra F_s ed F_i.

Rigidezza della macchina. Incide sulla misura di F_s ed F_i. Macchine molto rigide evidenziano meglio la differenza fra i due valori quando questa è presente.

Lavorazione dei provini. Influenza soprattutto la duttilità del materiale, che è maggiore se la lavorazione è più accurata.

Temperatura. Incide su tutte le grandezze misurate.

Considerazioni sulla prova di trazione.

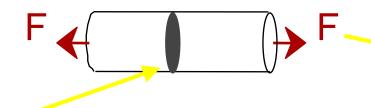
Per un progettista:

è molto più importante il valore di R_s che quello di R_m in quanto in esercizio un componente non solo non deve rompersi ma neppure deformare permanentemente. Il valore di A_n è importante perché in caso di rottura l'energia associata allo sforzo applicato verrebbe dissipata in gran parte come lavoro di deformazione plastica e non in energia cinetica.

Per un tecnologo:

 A_n e Z sono indice della deformabilità plastica del materiale mentre i valori di R_s ed R_m sono indice della tendenza all'incrudimento del materiale

• Trazione semplice



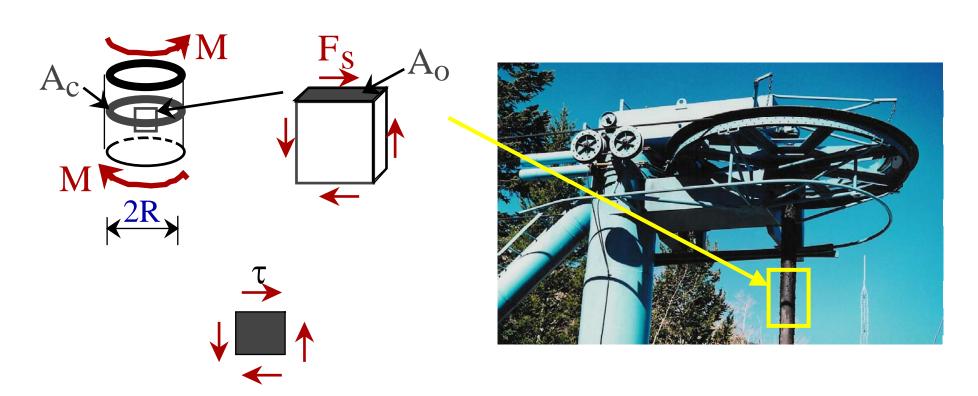
A_O = sezione cavo non caricato



$$\sigma = \frac{F}{A_0}$$



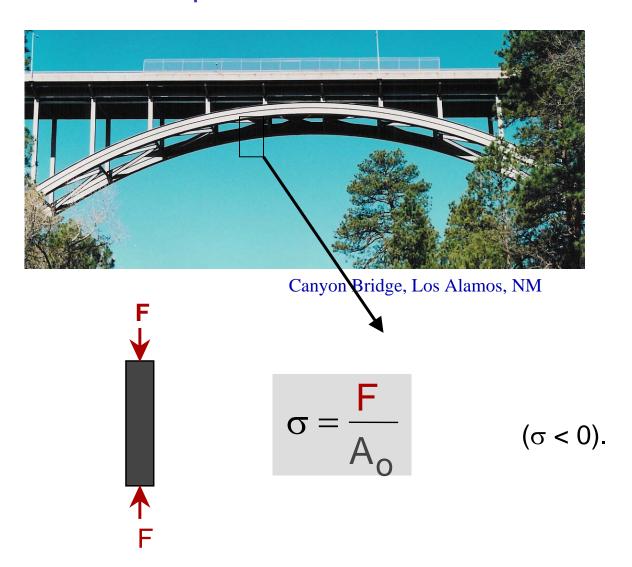
• Taglio semplice



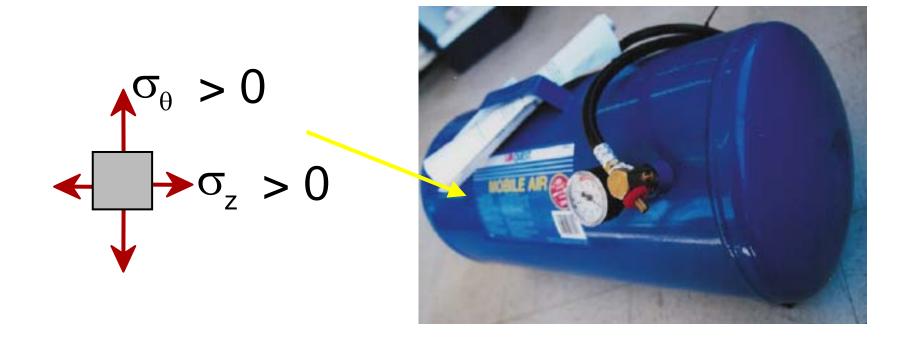
$$\tau = \frac{F_{S}}{A_{O}}$$

$$(\tau = M/A_cR)$$

• Compressione semplice



• Stato biassiale di tensione



• Compressione idrostatica



CRITERI DI RESISTENZA

A cosa servono?

Servono a ricondurre un generico stato di tensione pluriassiale ad un equivalente stato di tensione monoassiale, confrontrabile con i risultati di una prova di trazione monoassiale

CRITERI DI RESISTENZA

Criterio di Tresca (vale per tutti i materiali duttili)

Lo snervamento ha inizio quando la massima tensione tangenziale a cui è sottoposto il componente eguaglia la tensione tangenziale presente in un provino di trazione (realizzato nello stesso materiale del componente) al momento in cui comincia a snervarsi.

$$\sigma_{id} = \sqrt{\sigma_x^2 + 4\tau_{xv}^2}$$

CRITERI DI RESISTENZA

 Criterio di Von Mises (vale per tutti i materiali duttili)

Data una struttura soggetta ad un generico stato di tensioni, lo snervamento ha luogo quando l'energia di distorsione immagazzinata, uguaglia l'energia di distorsione immagazzinata in un campione di semplice trazione nel momento in cui comincia a snervarsi

$$\sigma_{id} = \sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_y^2 - \sigma_x \sigma_y + 3\tau_{xv}^2}$$