

原文发表于「第四届中国因明学术研讨会」，10/2008。

「因明逻辑真值的量化公式」与贝尔斯学派统计学

Quantification Formula Of Hetu—Vidyā Logical Truth—Value

And

Bayesian School Statistics

蔡礼德 撰

CHOY L.T.

二〇〇六年十二月

「因明逻辑真值的量化公式」与贝尔斯学派统计学

Quantification Formula Of Hetu—Vidyā Logical Truth—Value
And

Bayesian School Statistics

蔡礼德 撰

1. 引言

本文的目的，是尝试证明《因明逻辑真值量化的探索》¹（以下简称《探》文）所施设的「逻辑真值的量化」公式之理念与近代广受重视的统计学理念，实为互相一致。

《探》文所施设的「逻辑真值的量化」公式：

$$\text{所立宗的「T.V.」} = \left(\frac{N_{S \cap M}}{N_S} \right) \times \left(\frac{N_{M \cap P}}{N_{M \cap P} + N_{M \cap \sim P} + N_S} \right) \quad N_S > 0$$

当今应用数学科学中，贝尔斯学派（Bayesian School）是近代统计学（Statistics）中，极其重要的学派；本文将选取其学派中，最具代表性、最广受重视的两条公式：

- 一、拉普拉士（Laplace）的「接续法则」（Rule of succession）²；
- 二、「贝尔斯法则」（Bayes rule）³。

以它们来考核《探》文所施设的「逻辑真值的量化」公式，是否契合近代统计学的理念。由于这两条公式在应用科学（如决策论、经济学、医学、生物学等）及数学界，都已广受重视及应用。故藉此作为检查的工具是最为恰当的；所得出的结论，无论如何，将令人信服。

若能证明《探》文的公式与当今统计学相一致，便能显示出陈那（Dignāga）系因明的「三支比量」（Three-Membered Syllogism），其推理的理念，与当今统计学的理念相契合；也就是说，陈那（Dignāga）系因明的推理部分，早在千多年前，已含有近代统计学（应用科学）的概念了。

关键词：「贝尔斯法则」 接续法则 逻辑真值的量化公式

¹李润生、蔡礼德合撰《因明逻辑真值量化的探索》，2006年6月杭州，第一届国际因明研讨会。后辑于《因明新论-首届国际因明学术研讨会论文集》p.150，中国藏学出版社，2006年。或 www.dhalbi.org。

² Pierre Simon de LaPlace: *Philosophical Essay on Probabilities*, Dover Publications, New York, 1951.

³ Thomas Bayes : "An Essay towards solving a Problem in the Doctrine of Chances." *Philosophical Transactions of the Royal Society of London* 53 (1763), 370–418.

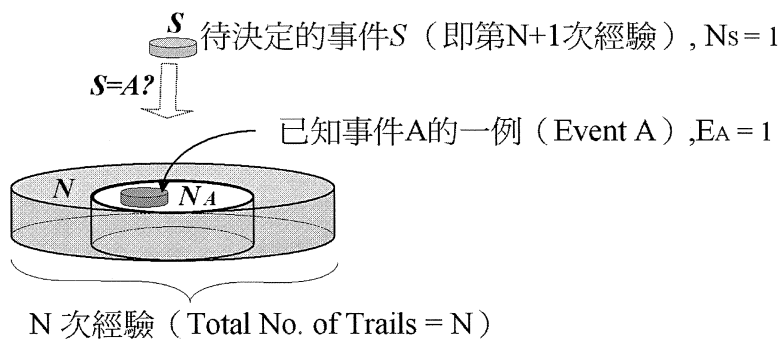
2. 「因明逻辑真值的量化公式」与拉普拉士 (Laplace) 「接续法则」 (Rule of succession)

此部分将尝试证明《探》文所施设的「逻辑真值的量化公式」，该公式的背后理念，与当今统计学极受重视的贝尔斯学派 (Bayesian School) 学说相契合。考察的方法，是检查它能否提供相同讯息及相同答案。

贝叶斯 (Bayes) 的统计学概念，经拉普拉士 (Laplace) 陈构及阐释后，称为「接续法则」 (Rule of succession)，详细演算及其推理，今不赘⁴。(有一点要留的，该派学者多避免谈论一个概率为零，并已得到充分确证的理论，其方法是以某类归纳方式，并假设一个概率，即是说，它是以假设的知识为背景计算出来的。) 现在只把拉普拉士的结论握要地列出。

设 N (Total No. of Trails) = N 次经验
 N_A (No. of Event A) = 曾发生事件 A 的次数
 N_S (An event) = 下一次或当下所发生的事件 (即第 $N+1$ 次经验)

经验(trial)	0	1 st	2 nd	3 rd	...	N^{th}	$(N+1)^{\text{th}}$
事件(event)	A	$\sim A$	A	$\sim A$		A	?



图一

「接续法则」 (Rule of succession)

定义：凭过去 N 次经验，其中 N_A 次为事件 A，今推测最新一次经验 (即第 $N+1$ 次经验) 为事件 A 的概率 (Probability) 为 $(N_A + 1) / (N + 2)$ 。

(Definition: If in N previous trials N_A have yielded an event A, the probability that event happens on the next trial is $(N_A + 1) / (N + 2)$.)

⁴ Pierre Simon de LaPlace: Philosophical Essay on Probabilities, Dover Publications, New York, 1951.

$$P(\text{凭 } N \text{ 次经验, 其中 } N_A \text{ 次为事件 } A, \text{ 推测第 } N+1 \text{ 次为事件 } A) = \frac{N_A + 1}{N + 2} \quad N \geq N_A \geq 0$$

①

公式①是直接引用统计学的结果，至于详细的数学演算，可参考注 3。

若用佛家因明的「三支比量」(Three-Membered Syllogism) 去解释，就会很容易明白公式中，其分子 ($N_A + 1$) 及分母 ($N + 2$) 的含意，而该公式所透露的讯息，将立时变清晰起来。其实，佛家因明的「三支比量」作法（特别是陈那 (Dignāga) 系因明)，亦是利用过去已知的 N 次经验 (N previous trials)，作为推理的根据。例如，过去已知的 N 次经验，可以有事件或事例 (Event or Example) A 、 B 、 C 等等。

先假设 N_A 为出现事件 A 的次数，然后基于过去 N_A 次的经验，推测将面对的第 $N + 1$ 次事件，而次该事件亦为事件 A 之概率，或用统计学、概率学的说法，推测新出现的「样本」(Sample, S) 为事件 A 的「逻辑真值」。

现在就让我们运用拉普拉士的「接续法则」，去考察《探》文所施设的「逻辑真值的量化」公式。但先作一些假设，如下：

设 $N_S = 1$ (事件 S ，即第 $N + 1$ 次的经验)，

$N_E = 1$ (在已知 N_A 次之外，某一次事件 A (An additional event A , E_A))

N_A 为过去已知的事件 A 之出现次数 (Total no. of event A)，

令 $N_{AE} = N_A + N_E$ (已知的事件 A 之出现次数，加上另外一次事件 A)

$\therefore N_{AE} = N_A + 1 \quad \because N_E = 1$

有一点需要注意，即使在过去所有事件 A 中 (即 N_A 次)，加上另外一次事件 A (即 N_E)，它们仍然可以被称为事件 A 的一类，只需在总数上，多加一次 (即 $N_A + 1$ ，或 $N_A + N_E$)。对于非事件 A (即 $\sim A$) 的总数 (即 $N_{\sim A}$ 次)，则不会受到事件 A 的影响；也就是说，只需把符号改变一下即可，由 $N_{\sim A}$ 改变成为 $N_{\sim AE}$ ，即 $N_{\sim AE} = N_{\sim A}$ 。

令 $N_{\sim AE} = N_{\sim A}$

令 $N = N_A + N_{\sim A}$ (事件 A 之总数 = (事件 A 之总数) 加 (非事件 A 之总数))，

$\therefore N + 1 = N_A + N_{\sim A} + 1$

$$\begin{aligned}
 &= (N_A + N_E) + N_{\sim A} && \because N_E = 1 \\
 &= N_{AE} + N_{\sim AE} && \because N_{AE} = N_A + N_E, \quad N_{\sim AE} = N_{\sim A}
 \end{aligned}$$

现在可以开始演算。首先利用公式①：

由公式①，

$$\begin{aligned}
 \therefore P \left(\begin{array}{l} \text{凭 } N \text{ 次经验, 其中 } N_A \text{ 次为事件 } A, \\ \text{推测第 } N+1 \text{ 次为事件 } A \end{array} \right) &= \frac{N_A + 1}{N + 2} \\
 &= \frac{(N_A + 1)}{(N + 1) + 1} \\
 &= \frac{(N_A + 1)}{(N_A + N_{\sim A} + 1) + 1} && \because N = N_A + N_{\sim A} \\
 &= \frac{(N_A + N_E)}{(N_A + N_E + N_{\sim A}) + 1} && \because N_E = 1 \\
 &= \frac{N_{AE}}{(N_{AE} + N_{\sim AE}) + 1} && \because N_{AE} = N_A + N_E \\
 &= \frac{N_{AE}}{N_{AE} + N_{\sim AE} + N_S} && \because N_S = 1, N_{\sim A} = N_{\sim AE} \\
 \therefore P \left(\begin{array}{l} \text{凭 } N \text{ 次经验, 其中 } N_A \text{ 次为事件 } A, \\ \text{推测第 } N+1 \text{ 次为事件 } A \end{array} \right) &= \frac{N_{AE}}{N_{AE} + N_{\sim AE} + N_S} \quad \text{————— ②}
 \end{aligned}$$

在未继续演算下去前，这里有两点需要说明一下：

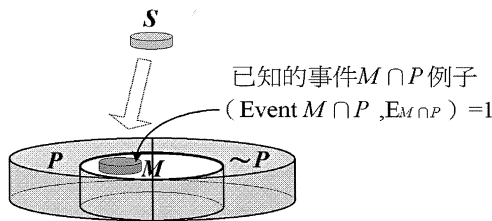
一、「三支比量」里，若为「正因」(hetu, valid reasons)，就必须举出一个已知的事件 A (Event A, E_A)，作为例子 (example) 去支持「所立宗」(paksa)，即是「同喻依」(sādharmya-drstānta)；此点决不能忽略。而「接续法则」中的分子为 $N_A + 1$ (即公式②中的 N_{AE}) 及分母为 $N + 2$ (即公式②中的 $N_{AE} + N_{\sim AE} + N_S$)，正有这个涵义。

二、对于犯了「不共不定因」过 (asādhāsiddha) 或「相违因」过 (Viruddha, contradicting)，在这两情况下，就不能举出任何已知的实例 ($E_{M \cap P}$)，去支持「所立宗」了。故此，我们不能像「接续法则」所要求的那样，预先放入一个不可能发生的事件 (即公式①中的分子 $N_A + 1$)。在公式中如何表达？其解决方法：正如上面所施设的那样，将事件 A 的总数量，由 N_A 改为 N_{AE} ，即可。也就是说， N_{AE} 的数量 (其数量为 $N_{AE} = N_A + N_E$)，已包涵了一个同喻例子 (即 $N_E = 1$)。若从来没有经验过任何事件 A (即 $N_{AE} = 0$)，自然就举不出任何事件 A 的例子。因此，「接续法则」公式在

右边的写法，便需要由原来的 $\frac{N_A + 1}{N + 2}$ ，改写为上面公式②的 $\frac{N_{AE}}{N_{AE} + N_{\sim AE} + 1}$ 了。这就是公式②所要表达的涵义了。

由此可见，拉普拉士的「接续法则」公式，对于一些未经验过的理由（即「三支比量」中的「因」支），是不能作出令人信服的计算。（这就牵涉到正态分布（uniform distribution）及主观概率（subjective probability）的问题，已超出了本文要讨论的范围，而近代学者亦已看到这个问题⁵，并一直致力于将该公式改良。）相反，佛家因明（特别是陈那因明）却容许对于一些未经验过的理由，作出令人信服的计算（例如，若犯「不共不定因」过，其「逻辑真值」L.T.V.=0%）；因为，佛家因明的另一个功能，是获取新知识，纵使最后得出的结果，其「逻辑真值」为0%（如犯「不共不定因」过等），立、敌双方，也能受益于这个结论。

为了便于理解《探》文所施设的「逻辑真值的量化公式」与拉普拉士的「接续法则」的关系，现在施设一简单图例去说明（或参考拙著⁶）：



S = Sample, 样本
 M = Matched Reason, 配对理由
 P = Population, 族群
 E = Event or Example, 事件、事例

图二

经验(trial)	1 st	2 nd	3 rd	• • • •	N th	(N+1) th
事件(event)	M ∩ P	M ∩ ~P	M ∩ P		M ∩ P	S (Sample, 样本) = ?

令 $AE = (M \cap P)$ 的事件集合 (set) ,

$\sim AE = (M \cap \sim P)$ 的事件集合 (set) ,

$$N_{AE} = N_{M \cap P} ,$$

$$N_{\sim AE} = N_{M \cap \sim P} ,$$

$$N_M = N_{M \cap P} + N_{M \cap \sim P}$$

然后，代入公式②

⁵Jeffreys(1939), Wald(1950), Savage(1954), Ravffa & Schleifer(1961), Lindly(1972), Defineliti(1974), Howson & Urbach (1989).

⁶拙文《佛家因明的理性思考》，见《法相学会集刊》第六辑，2008。Choy L.T., "Hetu - Vidyā Of Rational Thinking". 或 www.dhalbi.org。

$$\begin{aligned} \therefore P \left(\begin{array}{l} \text{凭 } N_M \text{ 次经验, 其中 } N_{M \cap P} \text{ 次为事件 } M \cap P, \\ \text{推测第 } N_M + 1 \text{ 次为事件 } M \cap P \end{array} \right) &= \frac{N_{M \cap P}}{N_{M \cap P} + N_{M \cap \sim P} + N_S} \quad N_S > 0 \quad \text{---③} \\ &= \frac{N_{M \cap P}}{N_M + N_S} \quad N_S > 0 \quad \text{---④} \\ &= \text{「后二相因」的「逻辑真值」(T.V.)} \end{aligned}$$

换言之，贝叶斯学派的拉普拉斯（Laplace）的「接续法则」（Rule of succession），即是《探》文⁷所施设的「后二相因」的「T.V.」公式。或言，在满足了（fulfilled）「第一相因」（1st condition）下，即 $N_S = N_{S \cap M}$ ，其「所立宗」的「T.V.」：

$$\begin{aligned} \therefore P \left(\begin{array}{l} \text{凭 } N_M \text{ 次经验, 其中 } N_{M \cap P} \text{ 次为事件 } M \cap P, \\ \text{推测第 } N_M + 1 \text{ 次为事件 } M \cap P \end{array} \right) &= \left(\frac{N_{S \cap M}}{N_S} \right) \times \left(\frac{N_{M \cap P}}{N_{M \cap P} + N_{M \cap \sim P} + N_S} \right) \quad N_S > 0 \\ &= (1) \times \left(\frac{N_{M \cap P}}{N_{M \cap P} + N_{M \cap \sim P} + N_S} \right) \quad \because N_S = N_{S \cap M} \\ &\quad \text{（满足「第一相因」）} \\ &= \text{「所立宗」的「逻辑真值」(T.V.)} \end{aligned}$$

这就是《探》文所施设的「逻辑真值的量化公式」！

由此可知，《探》文所施设的「逻辑真值的量化」公式，同样能够提供的「接续法则」（Rule of succession）所需要的讯息及答案。在文中，可以见到该公式，其实已包涵了贝叶斯学派的「接续法则」；而「逻辑真值的量化」公式的应用范围，比贝叶斯学派的「接续法则」更广，因为，「接续法则」不能处理从未经历过的事件。

3. 「因明逻辑真值的量化公式」与「贝尔斯法则」（Bayes rule）

在此部分，将尝试证明《探》文所施设的「逻辑真值的量化公式」，其背后理念，是与「贝尔斯法则」相契合的。至于考察的方法，将与上第二部分无异，即是检查它能否提供「贝尔斯法则」所能提供的讯息及答案。

至于「贝尔斯法则」的详细演算及科学应用例子⁸，今不赘。现在只把贝尔斯的结论扼要地列出。

⁷同注 1。

⁸同注 3。

「贝尔斯法则」(Bayes rule):

$$P(Y | X) = \frac{P(X | Y) \times P(Y)}{P(X)} \quad P(X) > 0 \quad \text{—————⑤}$$

「贝尔斯法则」:

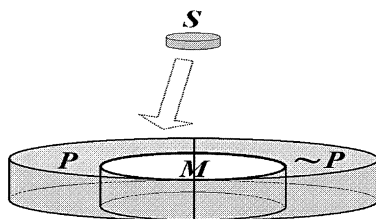
定义: 「在已知的事件 X 情况下, 事件 Y 的概率」。

(Definition: the conditional probability of an event Y given that an event X .)

此中「条件概率」(Conditional probability) $P(Y | X)$ 称为「后验概率」(Posterior probability)。当运用该公式时, 须有一个先决条件, 就是要求事件 X 的概率不等于零, 即公式右边所列出的 $P(X) > 0$; 也就是说, 我们要承认 (或已知) 有事件 X , 才能运用该公式。

「贝尔斯法则」的特点, 是把「先验概率」(Prior probability, 它是根据历史资料或主观判断, 即已经或未经实证的概率), 转换为「后验概率」(Posterior probability); 可以说, 它是一种根据新的证据, 来调整所赋予的信念概率之一般方法; 或言, 某理论每被证据确证一次, 表示将来还会被确证的信念, 其概率会逐渐增加; 反之亦然。「贝尔斯法则」的优点, 明显有四: 一、对讯息的价值, 能作出合理的判断; 二、最后的判断, 并非僮侗地说全真或全假; 三、能根据特定情况, 重复使用, 使将来的判断逐步完善; 四、能巧妙地, 将可错的经验及先验知识, 结合起来使用。

《探》文所施设的「逻辑真值的量化」公式的概念, 可以理解为: 在已知 (或承认) $S = S \cap M$ 的情况下, 凭过去 N_M 次经验, 其中 $N_{M \cap P}$ 次为事件 $M \cap P$, 现在去推测最新一次经验 S 为事件 $M \cap P$ 的「逻辑真值」(T.V.) 或概率。下面再具体说明:



S = Sample, 样本
 M = Matched Reason, 配对理由
 P = Population, 族群
 E = Event or Example, 事件、事例

图三

从《探》文得知, $S \cap M$ 只有两种可能情况:

- 一、完全不同意 (totally disagree), 即 $S \cap M \neq \emptyset$;
- 二、完全同意 (totally agree), 即 $S \cap M = S$ 。

它们的概率 (probability) 为:

$$\begin{aligned} \therefore P(S \cap M) &= \left(\frac{N_{S \cap M}}{N_S} \right) \quad N_S > 0 \quad \text{——⑥} \\ &= \begin{cases} P(S \cap M = \emptyset) & \text{(完全不同意, totally disagree)} \\ P(S \cap M = S) & \text{(完全同意, totally agree)} \end{cases} \\ &= \begin{cases} 0 & \because N_{S \cap M} = 0 \quad \text{(即犯「不成因过」} \\ & \text{(Hetvābhāsas, fallacious reasons))} \\ 1 & \because N_S = N_{S \cap M} \end{cases} \end{aligned}$$

这里有一点需要留意, 当 $S = S \cap M$ 时, 即 $P(S \cap M = S) = 1$, 无论在任何情况下, 只要我们完全同意 (totally agree), 它的概率将会是 1:

$$\begin{aligned} P(S = S \cap M \mid \text{在任何情况下}) &= P(S = S \cap M) \\ &= 1 \quad \text{——⑦} \end{aligned}$$

又令 $N = N_M$,

$X = S \cap M$,

$Y =$ 凭 N_M 次经验, 其中 $N_{M \cap P}$ 次为事件 $M \cap P$, 推测第 $N_M + 1$ 次为事件 $M \cap P$

故此, $P(Y \mid X)$ 诠释为: 「在已知 $S \cap M$ 下, 凭 N_M 经验, 其中 $N_{M \cap P}$ 次为事件 $M \cap P$, 推测第 $N_M + 1$ 次为事件 $M \cap P$ 」的概率。

代入公式⑤,

$\therefore P(Y \mid X) = P(\text{凭 } N_M \text{ 经验, 其中 } N_{M \cap P} \text{ 次为事件 } M \cap P, \text{ 推测第 } N_M + 1 \text{ 次为事件 } M \cap P \mid S \cap M)$

$$= \frac{P \left(\begin{array}{l} \text{凭 } N_M \text{ 次经验, 其中 } N_{M \cap P} \text{ 次} \\ \text{为事件 } M \cap P, \text{ 推测第 } N_M + 1 \\ \text{次为事件 } M \cap P \end{array} \mid S \cap M \right)}{P(S \cap M)} \times \left(\begin{array}{l} \text{凭 } N_M \text{ 次经验, 其中 } N_{M \cap P} \text{ 次} \\ \text{为事件 } M \cap P, \text{ 推测第 } N_M + 1 \\ \text{次为事件 } M \cap P \end{array} \right)$$

$$P(S \cap M) > 0 \quad \text{———} \textcircled{8}$$

将公式⑦，代入公式⑧中，

$$\therefore P(Y | X) = \frac{P \left(S = S \cap M \left| \begin{array}{l} \text{凭 } N_M \text{ 次经验, 其中 } N_{M \cap P} \text{ 次} \\ \text{为事件 } M \cap P, \text{ 推测第 } N_{M+1} \\ \text{次为事件 } M \cap P \end{array} \right. \right) \times \left(\begin{array}{l} \text{凭 } N_M \text{ 次经验, 其中 } N_{M \cap P} \text{ 次} \\ \text{为事件 } M \cap P, \text{ 推测第 } N_{M+1} \\ \text{次为事件 } M \cap P \end{array} \right)}{P(S = S \cap M)}$$

$$= \frac{P(S = S \cap M) \times \left(\begin{array}{l} \text{凭 } N_M \text{ 次经验, 其中 } N_{M \cap P} \text{ 次} \\ \text{为事件 } M \cap P, \text{ 推测第 } N_{M+1} \\ \text{次为事件 } M \cap P \end{array} \right)}{1} \quad \because P(S = S \cap M) = 1$$

$$= P(S = S \cap M) \times P \left(\begin{array}{l} \text{凭 } N_M \text{ 次经验, 其中 } N_{M \cap P} \text{ 次为事件 } M \cap P, \\ \text{推测第 } N_{M+1} \text{ 次为事件 } M \cap P \end{array} \right) \quad \text{———} \textcircled{9}$$

让我们暂且保留分子中的 $P(S = S \cap M)$ 。现在引入拉普拉士 (Laplace) 的「接续法则」(Rule of succession)。

将公式③ 及 ⑥，代入公式⑨，

$$\therefore P(Y | X) = \left(\frac{N_{S \cap M}}{N_S} \right) \times \left(\frac{N_{M \cap P}}{N_{M \cap P} + N_{M \cap \sim P} + N_S} \right) \quad N_S > 0$$

故此，

$$P \left(\begin{array}{l} \text{凭 } N_M \text{ 次经验, 其中 } N_{M \cap P} \text{ 次为事件} \\ \text{M} \cap \text{P, 推测第 } N_{M+1} \text{ 次为事件 } M \cap P \end{array} \left| S \cap M \right. \right) = \left(\frac{N_{S \cap M}}{N_S} \right) \times \left(\frac{N_{M \cap P}}{N_{M \cap P} + N_{M \cap \sim P} + N_S} \right) \quad N_S > 0$$

$$= \text{「三支比量」所立宗的「T.V.」}$$

也就是《探》文所施设的「逻辑真值的量化公式」!

可见「三支比量」所立宗的「T.V.」其中一个功能，是计算「在已知 $S = (S \cap M)$ 下，再凭 N_M 次经验，而其中 $N_{M \cap P}$ 次为事件 $M \cap P$ ，去推测某一次新的经验 S 为 $M \cap P$ 的概率」。即满足了 (fulfilled)「第一相因」(1st Condition) 的情况下，其

「所立宗」的「逻辑真值」(T.V.)。

反观公式⑤，由于它只计算在 $P(X) > 0$ 情况下的 $P(Y | X)$ ，对于不符合传统「第一相因」(1st Condition) 的情况，即 $P(X) = 0$ ，是不会去处理的。换言之，公式⑤没有处理到「三支比量」中的「不成因」过 (Hetvābhāsas, fallacious reasons)。由此观之，「贝尔斯法则」(Bayes rule) 公式的应用范围，是小于《探》文所施设的「逻辑真值的量化公式」。因为，《探》文所施设的「逻辑真值的量化公式」不但包涵了 $P(X) = 0$ 的情况，亦能够处理不符合「第一相因」的情况：

$$\text{所立宗的「T.V.」} = \left(\frac{N_{S \cap M}}{N_S} \right) \times \left(\frac{N_{M \cap P}}{N_{M \cap P} + N_{M \cap \sim P} + N_S} \right) \quad N_S > 0$$

$$\text{所立宗的「T.V.」} = \begin{cases} 0 & \because N_{S \cap M} = 0, \text{ 即犯「不成因过」} \\ & \text{(Hetvābhāsas, fallacious reasons)} \\ 1 \times \left(\frac{N_{M \cap P}}{N_{M \cap P} + N_{M \cap \sim P} + N_S} \right) & \because N_S = N_{S \cap M} \end{cases}$$

$$\therefore \text{所立宗的「T.V.」} = \begin{cases} 0 \\ P \left(\begin{array}{l} \text{凭 } N_M \text{ 次经验, 其中 } N_{M \cap P} \text{ 次为事件} \\ \text{M} \cap \text{P, 推测第 } N_M + 1 \text{ 次为事件 } M \cap P \end{array} \middle| \begin{array}{l} S \cap M = S \end{array} \right) \end{cases}$$

故此，所立宗的「T.V.」功能，有两个：

- 一、指出其「因」(M) 犯了「不成因过」(Hetvābhāsas, fallacious reasons)；
- 二、提供「在已知 $S = (S \cap M)$ 下，凭 N_M 次经验，其中 $N_{M \cap P}$ 次为事件 $M \cap P$ ，推测某一次新的经验 S 为事件 $M \cap P$ 」的概率或「逻辑真值」(T.V.)。

故此，《探》文所施设的「逻辑真值的量化」公式，不但能同样提供「贝尔斯法则」所需要的讯息及答案，并且发现它其实把「贝尔斯法则」涵摄在其中。

4. 结语

上来已通过拉普拉士 (Laplace) 的「接续法则」 (Rule of succession) 及「贝尔斯法则」 (Bayes rule), 证明了《探》文所施设的「逻辑真值的量化」公式不但与上述它们相一致, 并发现它其实已涵摄了「接续法则」及「贝尔斯法则」。

对于「接续法则」, 文中发现它只提能供「后二相因」的「逻辑真值」, 或言「九句因」的「逻辑真值」。而对于「贝尔斯法则」, 在满足「第一相因」的情况下, 它只提供三支比量「所立宗」的「逻辑真值」, 亦即是「因三相」的「逻辑真值」。但是, 相对于「接续法则」及「贝尔斯法则」而言, 《探》文所施设的「逻辑真值的量化」公式, 却能够提供更多讯息。因为, 「逻辑真值的量化」公式包涵了「九句因」 (Hetucakra)、 「因三相」 (Trairupya) 及「三支比量」 (Three-Membered Syllogism) 的「逻辑真值」 (T.V.)。下面以表列形式作总结:

「第一相因」的 T.V. (1 st Condition T.V.)		=1 (符合「第一相因」 1 st Condition fulfilled)				=0 (不符合 「第一相因」 1 st Condition failed)	
		>0 (符合「第二相因」 2 nd Condition fulfilled)		=0 (不符合「第二相因」 2 nd Condition failed)			
「后二相因」的 T.V. (2 nd & 3 rd Conditions T.V.)		$N_{M\cap\sim P}$ =0	$N_{M\cap P}$ >0	$N_{M\cap\sim P}$ =0	$N_{M\cap P}$ >0		
		valid reasons 「正因」 (hetu, valid reasons)	uncertain reasons 「不定因」 (anaikāntika, uncertain reasons)	(asādhāsiddha) 「不共不定因」 (asādhāsiddha)	contradicting reasons 「相违因」 (Viruddha, contradicting reasons)	fallacious reasons 「不成因」 (Hetvābhasas, fallacious reasons)	
1	「贝尔斯法则」 Bayes rule	✓		✓		未能处理	未能处理
2	拉普拉士接续法则 Rule of succession	✓			未能处理	✓	未能处理
3	《探》文所施设的 「逻辑真值的量化」公式 Quantification Formula Of Hetu—Vidyā Logical T.V.	✓		✓		✓	✓

至于表中各种情况的考察，请参考《探》文的例子。

透过本文，展示了《探》文所施设的「逻辑真值的量化公式」，是经得起现代统计学的检查及考核。从而说明陈那系因明的「三支比量」推理，实无过时、落后之处；反而利用现代数学成果，更能正确反映出陈那（Dignāga）因明推理的理念。佛家因明（特别是陈那因明）中的推理（Reasoning）部分⁹，与当今的统计学（Statistics）（或言应用数学, Applied Mathematics），这两个虽看似不相干的领域，但在本文探讨时，却发现它们是互相紧扣的。

数学语言与纯语言并没有本质上的区别，只在功能上有差异而已；但数学语言的优点是简洁、严谨和清晰，极少出现歧义的情况；若能引用数学公式，去解释抽象概念就更好。其缺点，是学者必须具备基本的数学训练。但无论如何，在这里（或在佛学中），它只是作为解释佛家因明的工具，而非最终目的。既然是工具，只要能达到目的，就越简单越好。故此，对于《探》文所施设的公式，今后的研究方向，是将该公式作少许的修改，甚至精简，而非弄得更加复杂。推而广之，佛家因明相对于佛学，亦应如此。

正如笔者在另文指出：「佛法包含推理及科学方法，而为今时所必须。也同时响应了世人所谓『佛学皆为不科学、不理性、迷信』之不确。」¹⁰透过本文，就能清楚知道佛学早在千多年前，已包涵了现代统计学（即应用科学）；而现代统计学的底子是不离科学方法（Scientific Method）¹¹。

⁹拙文《因明的理性思考》，见《法相学会集刊》第六辑，2008。Choy L.T., "Hetu—Vidyā Of Rational Thinking"。或 www.dhalbi.org。

¹⁰同上。

¹¹同上。

第 二 辑

因明

हेतुविद्या Heluvidyā

व्याख्या

张忠义 光泉 主编



甘肃民族出版社
GANSU NATIONALITIES PUBLISHING HOUSE

图书在版编目(CIP)数据

因明. 第2辑 / 张忠义, 光泉主编. —兰州: 甘肃民族出版社, 2008. 12
ISBN 978-7-5421-1340-5

I. 因… II. ①张…②光… III. 因明(印度逻辑)—学术会议—文集 IV. B81-093. 51

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2008)第 186032 号

书 名 因明(第二辑)
作 者 张忠义 光 泉 主编
责任编辑 刘新田 张文海
封面设计 赵 娟 高承珊
出 版 甘肃民族出版社(730030 兰州市南滨河东路 520 号)
印 刷 甘肃地质印刷厂
开 本 880 毫米×1230 毫米 1/16 印张: 15.5
字 数 460 千
版 次 2008 年 12 月第 1 版 2008 年 12 月第 1 次印刷
印 数 1~1 000
书 号 ISBN 978-7-5421-1340-5
定 价 28.00 元

甘肃民族出版社图书若有破损, 缺页或无文字现象, 可直接与本社联系调换。
邮编: 730030 地址: 兰州市南滨河东路 520 号 网址: <http://www.gansumz.com>
投稿邮箱: liuxintian@yahoo.com.cn
发行部: 葛 慧 联系电话: 0931-8773271(传真) E-mail: gsmzgehui3271@tom.com

版权所有 翻印必究

目录

特稿

- 正理滴点论广释 / 韩镜清译 (1)

专辑

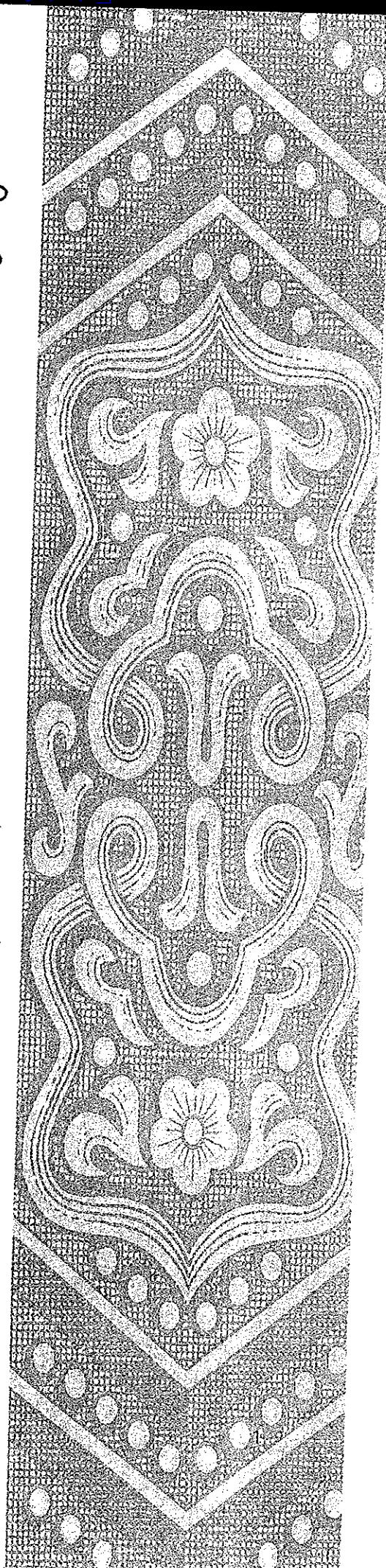
- 继往开来,更进一步
——国家图书馆名誉馆长任继愈先生的贺信(9)
- 百花齐放,共举明珠
——中国藏学研究中心贺信(10)
- 加强学术探索,抢救振兴因明
——中国逻辑学会会长张家龙先生的贺信(11)
- 本是同根生,携手共繁荣
——夏铸副总督学关于藏汉因明研究的讲话(12)
- 中国第四届因明学学术研讨会开幕式欢迎词/马景泉(15)
- 承前启后,因明研究任重道远
——因明专业委员会张忠义主任在开幕式上的讲话(17)
- 中国第四届因明学术研讨会闭幕式上的总结发言/祁顺来(19)

狮子论坛

- 藏传量学与汉传因明学之间的异同比较 / 多识(20)
- 法称《正理滴论》梵汉对照和新译 / 汤铭钧(23)
- 萨班的因明思想及其传承 / 祁顺来(28)
- 疏评“应成语引自续义” / 刷宗林(36)
- 试论藏传因明与摄类学/道吉草 京巴(47)
- 尼哈琼译师《量论标准语概论》探(藏文)/罗藏达杰(50)
- 关于陈那论师的正量 / 刚晓(58)
- 现量定义说 / 宗峰(63)

灵鹫法音

- 从《集量论》看陈那因明逻辑体系 / 郑伟宏(68)
- 佛教量论因明学解脱道之逻辑展开
——《释量论·成量品》解脱道浅释 / 顺真 张俊祥(72)
- 藏传因明摄类学逻辑和西方词项逻辑在基础构架上的比较 / 朱立(78)



- “因明逻辑真值的量化公式”与贝尔斯学派统计学 / 蔡礼德(83)
- 论藏传因明应成论式与形式逻辑反驳论证的异同(藏文) / 达哇(91)
- 论藏族摄类学中“批驳他宗”部分的逻辑意义(藏文) / 索果(102)
- 因明三支论式与归纳逻辑 / 任晓明(108)
- 因明与中国逻辑、亚里士多德逻辑的共同性 / 翟锦程(112)
- 藏传因明与辩证法关系浅谈 / 尕藏才旦(117)
- 因明学研究的现代意义探析 / 颜华东 闫晓勇(125)
- 浅谈藏传因明和内明的关系 / 胡玉忠 齐雪莲 李巧艺(129)

史海钩沉

- 因明学始于何时 / 韩廷杰(132)
- 因明“摄类学”体系真的是恰巴曲吉桑格所创吗? (藏文) / 项智多杰(134)
- 汉、藏因明发展历程比较研究 / 桑吉加(144)
- 舒眉任笔酬
——我的因明研究回顾 / 沈剑英(150)
- 三十年来的中国因明研究 / 姚南强(154)
- 有关陈那论师的几个传奇事件(藏文) / 南措吉(165)
- 两个“五卷本”情结
——中逻史编辑杂忆 / 刘延寿(169)

标 准

- 藏传丹珠尔因明部对勘目录 / 宝僧(174)
- 玄奘对定吕才,彰显因明要义 / 梁继红(193)

因明教育

- 试论《释量论》的产生、发展及其在拉卜楞寺的修学规程(藏文)
/ 恰日·嘎藏陀美(196)
- 谈因明教学中的几个疑点(藏文) / 更登(216)
- 藏传因明教学中的论证论题的特殊正理新探(藏文) / 更登·三木旦(219)

评 论

- 中国近代因明研究简评 / 董华 张晓芒(226)
- 因明专业委员会对因明发展的重要作用 / 张晓翔 张栋豪(231)

欣闻盛事

- 中国第四届因明学学术研讨会综述 / 张晓翔(235)

“因明逻辑真值的量化公式”与贝尔斯学派统计学

蔡礼德

一、引言

本文的目的,是尝试证明《因明逻辑真值化的探索》^[1](以下简称《探》文)所施设的“逻辑真值的量化”公式之理念与近代广受重视的统计学理念,实为互相一致。

《探》文所施设的“逻辑真值的量化”公式:

$$\text{所立宗的“T.V.”} = \left(\frac{N_S \cap M}{N_S} \right) \times \left(\frac{N_M \cap P}{N_M \cap P + N_M \cap \sim P + N_S} \right) N_S > 0$$

当今应用数学科学中,贝尔斯学派(Bayesian School)是近代统计学(Statistics)中,极其重要的学派。本文将选取其学派中,最具代表性、最广受重视的两条公式:

1. 拉普拉士(Laplace)的“接续法则”(Rule of succession)^[2]
2. “贝尔斯法则”(Bayes rule)^[3]

以它们来考核《探》文所施设的“逻辑真值的量化”公式,是否契合近代统计学的理念。由于这两条公式在应用科学(如决策论、经济学、医学、生物学等)及数学界,都已广受重视及应用。故藉此作为检查的工具是最为恰当的,所得出的结论,无论如何,将令人信服。

若能证明《探》文的公式与当今统计学相一致,便能显示出陈那(Dignāga)系因明的“三支比量”(Three-Membered Syllogism),其推理的理念,与当今统计学的理念相契合。也就是说,陈那(Dignāga)系因明的推理部分,早在 1000 多年前,已含有近代统计学(应用科学)的概念了。

关键词:“贝尔斯法则” 接续法则 逻辑真值的量化公式

二、“因明逻辑真值的量化公式”与拉普拉士(Laplace)“接续法则”(Rule of succession)

此部分将尝试证明《探》文所施设的“逻辑真值的量化公式”的背后理念,与当今统计学极受重视的贝尔斯学派(Bayesian School)学说相契合。考察的方法,是检查它能否提供相同讯息及相同答案。

贝叶斯(Bayes)的统计学概念,经拉普拉士(Laplace)陈构及阐释后,称为“接续法则”(Rule of succession),详细演算及其推理,今不赘^[4]。(有一点要留的,该派学者多避免谈论一个概率为零,并已得到充分确证的理论,其方法是以某类归纳方式,并假设一个概率,即是说,它是以假设的知识为背景计算出来的。)现在只把拉普拉士的结论握要地列出。

设:

N (Total No. of Trails) = N 次经验

N_A (No. of Event A) = 曾发生事件 A 的次数

N_S (An event) = 下一次或当下所发生的事件(即第 $N+1$ 次经验)

经验(trial)	0	1 st	2 nd	3 rd	...	N^{th}	$(N+1)^{\text{th}}$
事件(event)	A	$\sim A$	A	$\sim A$		A	?

進一步參考：

1. 佛家因明的理性思考 蔡禮德 Hetu - Vidyā Of Rational Thinking by Choy L.T.

- 邏輯學(Logic)及簡單枚舉歸納法(Induction by Simple Enumeration)
- 科學方法 (Scientific Method) 及假設演繹法 (Hypothetico-Deductive Method) 及謬誤剖析 (Fallacy Analysis) 的元素。

http://www.choylaitack.com/papers/cld_j6.pdf

2. 佛家因明的理性思考再探 蔡禮德 Hetu - Vidyā Of Rational Thinking(II) by Choy L.T.

- 因明的辨義理 (Meaning & Argument Analysis) 方法，具有語理分析 (Linguistic - conceptual Analysis) 及謬誤剖析 (Fallacy Analysis) 的元素。

http://www.choylaitack.com/papers/cld_j6p2.pdf

3. 佛家因明的理性思考三探 蔡禮德 Hetu - Vidyā Of Rational Thinking(III) by Choy L.T.

- 「現量」及「比量」意謂真
- 「似現量」及「似比量」意謂非真。

http://www.choylaitack.com/papers/cld_j6p3.pdf

4. 「因明邏輯真值的量化公式」與貝爾斯學派統計學 蔡禮德
Quantification Formula Of Hetu - Vidyā Logical Truth - Value And
Bayesian School Statistics by Choy L.T.

http://www.choylaitack.com/papers/cld_j6p1.pdf

菩薩行的「五明」各重關係：

5. 佛家因明提綱 蔡禮德 A Hetu - Vidyā Framework by Choy L.T.
·五重三環

http://www.choylaitack.com/papers/cld_j7.pdf

6. 佛家因明的概念功能與分類 蔡禮德 A Hetu - Vidyā Framework(II) by
Choy L.T.

http://www.choylaitack.com/papers/cld_j7p1.pdf
