

III 数学 (平成 25 年度)

問 1	(ア)	(イ)	(ウ)	(エ)
	10	$-\frac{4}{15}$	$8a$	$3\sqrt{7}$

問	配点
1	各 3 点 計 12 点

問 2	(ア)	(イ)	(ウ)	(エ)
	$6x-19$	$(x-1)(x+8)$	$x = \frac{1 \pm \sqrt{13}}{6}$	$x = 3$, $y = -2$
	(カ)	(キ)	(ク)	(ケ)
	12	$\sqrt{29}$ cm	$x = 6$	$\angle ADC = \boxed{54}^\circ$

2	各 4 点 計 32 点
---	-----------------

問 3	(ア)	(イ)	(ウ)
	$a = \frac{3}{4}$	$y = \frac{5}{3}x+3$	S : T = 9 : 16

3	各 4 点 計 12 点
---	-----------------

問 4	(ア)	(イ)	(ウ)
	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{7}{36}$

4	各 4 点 計 12 点
---	-----------------

問 5

説明

連続する 5 つの自然数のうち、最も小さい自然数を n とすると、
 連続する 5 つの自然数は $n, n+1, n+2, n+3, n+4$ と表されるから、最も大きい自然数は $n+4$ である。
 よって、最も大きい自然数の 2 乗から最も小さい自然数の 2 乗を引いた差は、

$$\begin{aligned} (n+4)^2 - n^2 &= n^2 + 8n + 16 - n^2 \\ &= 8n + 16 \\ &= 8(n+2) \end{aligned}$$

$n+2$ は中央の自然数だから、 $8(n+2)$ は中央の自然数の 8 倍である。
 よって、連続する 5 つの自然数について、最も大きい自然数の 2 乗から最も小さい自然数の 2 乗を引いた差は、中央の自然数の 8 倍になる。

正答例。

5	10 点
---	------

問 6	(ア)	(イ)	(ウ)	(エ)
	72	cm^3	$3\sqrt{6}$	$2\sqrt{6}$ cm

6	各 4 点 計 12 点
---	-----------------

問 7

【証明】

$\triangle ABF$ と $\triangle DEF$ において、
 まず、対頂角は等しいから、
 $\angle AFB = \angle DFE$ ……① $\triangle ABF \sim \triangle DEF$
 次に、 $\triangle ABC$ において、
 点 D は辺 BC の中点、点 E は辺 AC の
 中点であるから、中点連結定理より、
 $AB \parallel ED$ ……②
 ②より、平行線の錯角は等しいから、
 $\angle ABE = \angle DEB$
 よって、 $\angle ABF = \angle DEF$ ……③

正答例。

7	10 点
---	------

計	100 点
---	-------